

Используя указанные выражения для  $\omega_2$ ,  $C_1$  а также ур-ние (5), получаем

$$\frac{\omega_1^2}{C_0''} = \frac{B^2 \Phi_c^2 (1 - \varrho)}{\psi^2} - \varrho,$$

что, после подстановки в выражение для  $T_2/T_1$ , дает

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{2}{2 + (k-1) M_2^2 \left[ \varrho - \frac{1-\psi^2}{\psi^2} B^2 \Phi_c^2 (1 - \varrho) \right]} \quad (7)$$

или, после подстановки в полное выражение для  $B$ ,

$$B = \frac{D_c l_c \sin \alpha_1}{D_p l_p \sin \beta_2} \left[ 1 + \frac{\varrho (k-1) M_2^2}{2} \right]^{\frac{k}{k-1}} \times \\ \times \left[ \frac{2}{2 + (k-1) M_2^2 \left[ \varrho - \frac{1-\psi^2}{\psi^2} B^2 \Phi_c^2 (1 - \varrho) \right]} \right]. \quad (8)$$

Ур-ние (8) проще всего решается итерационным методом, причем в первом приближении (для  $\psi \approx 1$ ) принимается

$$B \approx \frac{D_c l_c \sin \alpha_1}{D_p l_p \sin \beta_2} \left[ 1 + \frac{\varrho M_2^2}{2} \right]. \quad (8')$$

Задаваясь различными значениями  $Q$  и  $\psi$ , находим сначала  $B$  по ур-нию (8), потом по ур-нию (6)  $\frac{u}{C_0''}$  и  $\frac{u_1}{C_0''} = \frac{D_1}{D} \cdot \frac{u}{C_0''}$  и коэффициент расхода ступени

$$\varphi = \frac{C_{z_2}}{C_0''} = B \Phi_c \sqrt{1 - \varrho} \sin \beta_2. \quad (9)$$

Сопоставляя вычисленные значения  $\varphi$  и полученные опытным путем (рис. 5), нетрудно по точкам пересечения кривых найти действительные значения  $\psi = f(u_1/C_0'')$  (рис. 5),  $\varrho = f(u_1/C_0'')$  (рис. 6). На рис. 6 приведена также кривая  $Q_{id}$ , вычисленная для случая  $\psi = \text{const}$ .

Из рис. 6 видно, что уже при  $u_1/C_0'' < 0,4$  такое предположение приводит к недопустимым неточностям в оценке значения  $Q$ .

Для проведенных опытов характерно, что при малых значениях  $u_1/C_0''$  реакция уменьшалась незначительно.

### Литература

1. Гришук С. В., Аэродинамические исследования турбинных ступеней НЭЛ с закрученными лопатками, «Энергомашиностроение», 1957, № 4.

2. Завадовский А. М., Влияние некоторых конструктивных параметров на характеристики турбинной ступени, «Теплоэнергетика», 1956, № 10.

3. Кириллов И. И. и Кириллов А. И., Турбинные ступени, развивающие большой момент при трогании с места, «Энергомашиностроение», 1960, № 9.

4. Зальф Г. А. и Звягинцев В. В., Тепловой расчет паровых турбин, Машгиз, 1961.

## Расчет прямой решетки телесных профилей по методу особенностей с углом атаки

Инж. А. М. Гохман

Приводится способ расчета прямой решетки телесных профилей, основанный на введении некоторых дополнительных условий, достаточных для существования замкнутой линии тока вокруг скелета, по сравнению с другими известными методами.

При решении обратной задачи обтекания прямой решетки (рис. 1) невязкой, несжимаемой жидкостью по методу особенностей в советских работах [1], [2] и за рубежом [3], [4] исходят из следующих положений.

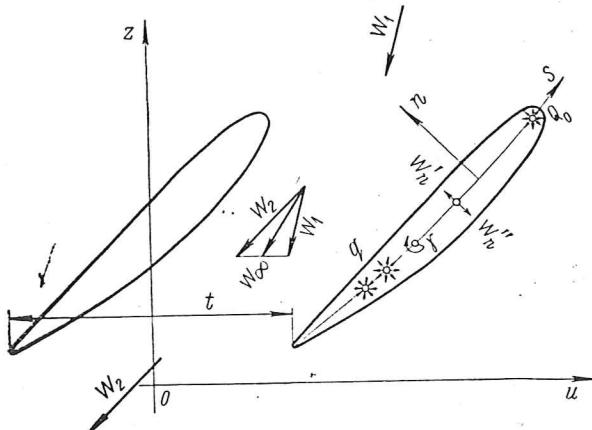


Рис. 1. Прямая решетка телесных профилей.

1. Профиль представляет собой замкнутую линию тока с двумя точками разветвления: одна — на окружной входной части профиля, а вторая — на острой выходной кромке.
2. Поток вне профиля потенциальный.

3. Внутри профиля расположены особенности: вихри  $\gamma$ , источники и стоки  $q$ .

4. Сумма интенсивностей всех вихрей равна циркуляции  $\Gamma$ , которую должен вносить в поток профиль решетки,  $\Sigma \gamma = \Gamma$ .

5. Сумма интенсивностей всех источников и стоков равна нулю, т. е.  $\Sigma q = 0$ .

Для облегчения решения обратной задачи все особенности располагают на отрезке линии длиной  $l$ . Вихри задают распределенными в виде ряда

$$\gamma(s) = A_0 \sqrt{\frac{1+s}{1-s}} + A_1 \sqrt{1-s^2} + A_2 s \sqrt{1-s^2} + \dots, \quad (1)$$

где  $s$  — расстояние вдоль линии особенностей (на входе  $s = l/2$ , на выходе  $s = -l/2$ ), или в тригонометрической форме

$$\gamma(\theta) = A_0 \operatorname{ctg} \frac{\theta}{2} + \sum_{k=1}^{\infty} A_k \sin k\theta, \quad (1')$$

где  $s = \cos \theta$ .

Согласно 4-му положению

$$\int_{-0.5l}^{0.5l} \gamma(s) ds = \int_{\arg \cos(-0.5l)}^{\arg \cos 0.5l} -\gamma(\theta) \sin \theta d\theta = \\ = \frac{\pi l}{2} \left( A_0 + \frac{1}{2} A_1 \right) = \Gamma. \quad (2)$$

В точке  $s = 0,5l$  помещают точечный источник  $Q_0^*$  и вдоль всего отрезка особенностей задают распределенные источники и стоки в виде ряда

$$q(s) = B_1 + B_2 s + B_3 s^2 + B_4 s^3. \quad (3)$$

Согласно 5-му положению

$$\int_{-0,5l}^{0,5l} q(s) ds + Q_0^* = 0. \quad (4)$$

На отрезок особенностей во всех указанных работах было наложено принципиально неправильное требование, а именно: он определялся как отрезок линии, через который ни в одной точке нет перетекания, т. е.  $W'_n + W''_n = 0$ , где  $W'_n = 0,5q$  и  $W''_n = -0,5q$  — нормальные скорости соответственно с рабочей и тыльной стороны этого отрезка. Отрезок особенностей, который в таком виде называют скелетом профиля, находят методом итераций по формуле, приведенной в работе [1]

$$-(W_{\infty u} + V_u) \sin \beta + (W_{\infty z} + V_z) \cos \beta + v_n = 0. \quad (5)$$

Во всех опубликованных работах 5-е положение считалось необходимым и достаточным условием для существования замкнутой линии тока вокруг скелета, не пересекающей его. То, что это положение недостаточное, впервые заметил Л. Б. Гинзбург<sup>1</sup>. Им была обнаружена в частном случае незамыкаемость профиля и указана возможность исправления этого явления проектированием скелета с перетеканием  $W'_n + W''_n \neq 0$ ; однако сам Гинзбург отказался от этой возможности и предложил чисто геометрический прием построения замкнутого профиля, не являющегося одной линией тока.

**Достаточные условия существования замкнутой линии тока вокруг скелета.** Переходим к относительным координатам  $x = \frac{s}{0,5l}$  и  $y = \frac{n}{0,5l}$  ( $n$  — расстояние по нормали от скелета), т. е. скелет будет криволинейным отрезком длины  $l = 2$   $[-1, 1]$  (рис. 2). Так как на входе в точке скелета  $A$  ( $x = 1,00$ ) есть точечный источник  $Q_0^*$ , то точка разветвления  $K$  находится от  $A$  на конечном расстоянии.

В указанных работах предполагалось, что можно всегда без излома продлить скелет по линии тока, идущей от точки  $A$  в точку  $K$ , а затем по ней разделить профиль на тыльную и рабочую полости без перетеканий из одной полости в другую.

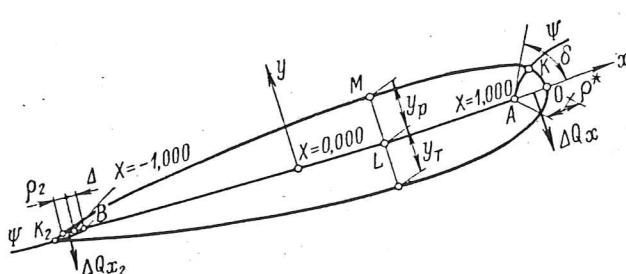


Рис. 2. Замкнутая линия тока вокруг скелета.

Покажем, что это неправильно. Продолжим скелет по касательной до пересечения в точке  $O$  ( $x = 1 + q^*$ ) с линией тока, раздвоившейся в точке  $K$ . Так как касательное продолжение ориентировано по левым предельным значениям скоростей в точке  $A$ , то в общем случае через него будет перетекание  $\Delta Q_x$ . Рассмотрим пространство  $OKA$ , ограниченное кусками линии тока  $AK$  и  $KO$  и касательным продолжением  $AO$ . Через  $AK$  и  $KO$  перетекания нет, а так как через  $AO$  есть перетекание  $\Delta Q_x$ , то, по теореме Гаусса, точечный источник, находящийся в точке  $A$ , должен давать в пространство  $AKO$  расход, равный  $\Delta Q_x$ ; значит, между линиями  $AK$  и  $AO$  в точке  $A$  должен быть угол  $\delta = \frac{2\pi\Delta Q_x}{Q_0^*}$ , что и требовалось доказать. Отсюда ясно, что

безразлично как делить профиль на тыльную и рабочую полости — по линии тока, по касательному продолжению или

по любому другому продолжению, так как в любом случае из одной полости в другую будет перетекать расход  $\Delta Q_x$ . Теперь перейдем к достаточным условиям. Прежде всего введем другое определение скелета. Под скелетом будем понимать отрезок линии, на котором расположены все особенности и в каждой точке которого возможно перетекание, т. е. в отличие от предыдущего определения [1], [3]

$$W'_y + W''_y = 2\bar{W}_y \neq 0.$$

Такой скелет будем находить по формуле, аналогичной ф-ле (5)

$$-(W_{\infty u} + V_u) \sin \beta + (W_{\infty z} + V_z) \cos \beta + v_y = \bar{W}_y. \quad (6)$$

Достаточные условия существования вокруг скелета замкнутой линии тока, не пересекающей скелет и имеющей критические точки на окружной входной части и на острой выходной кромке следующие:

1. Ряд присоединенных вихрей должен отвечать условию Чаплыгина

$$\gamma = 0 \text{ при } x = -1,000.$$

2. Точечный источник, расположенный в точке  $x = 1,00$ , должен иметь интенсивность  $Q_0^* > 2\Delta Q_x$  или должен быть вынесен в точку касательного продолжения  $x_1 > 1,00$ .

3. В каждой точке скелета  $x_1 - 1 < x \leq x_1 + q^*$

$$\frac{1}{2} \left[ \int_x^{1+q^*} q(x) dx + Q_0^* \right] - \left| \int_x^{1+q^*} \bar{W}_y dx + \Delta Q_x \right| > 0. \quad (7)$$

4. Сумма всех источников и стоков равна нулю

$$Q = \int_{-1,0}^{1,0+q^*} q(x) dx + Q_0^* = 0. \quad (8)$$

5. Если обозначить координату точки пересечения касательного продолжения на выходе с одной из ветвей, раздвоившейся в точке  $K_2$  линии тока, через  $x_2 = -1 - q_2^*$  и перетекание через это продолжение через  $\Delta Q_{x_2}$ , то

$$\int_{-1-q_2^*}^{1+q^*} \bar{W}_y dx + \Delta Q_x + \Delta Q_{x_2} = 0. \quad (9)$$

6. Распределенные источники и стоки в окрестности  $x = -1,00$  должны отвечать условию  $q(x) < 0$ .

Для того чтобы перейти к доказательству, выведем формулу для координат линии тока, раздвоившейся в точке  $K$  (рис. 2). Рассмотрим пространство  $OLM$  рабочей полости профиля. По теореме Гаусса

$$\oint_{OLM} W_n ds = \frac{1}{2} \left[ \int_x^{1+q^*} q(x) dx + Q_0^* \right]$$

или

$$-\int_0^{y_p} W_x dy + \int_{OM} W_n ds - \int_x^{1+q^*} W_y dx = \frac{1}{2} \left[ \int_x^{1+q^*} q(x) dx + Q_0^* \right].$$

где  $\int_{OM} W_n ds = 0$ ;  $OM$  — линия тока;

$\int_x^{1+q^*} W_y dx = \int_x^{1+q^*} \bar{W}_y dx + \Delta Q_x$  — из определения скелета, т. е.

$$-\int_0^{y_p} W_x dy = \frac{1}{2} \left[ \int_x^{1+q^*} q(x) dx + Q_0^* \right] + \left( \int_x^{1+q^*} \bar{W}_y dx + \Delta Q_x \right). \quad (10)$$

<sup>1</sup> Отчет Сызранского гидротурбинного завода за 1956 г.

Аналогично для тыльной стороны.

$$\int_0^{y_t} W_x dy = \frac{1}{2} \left[ \int_x^{1+q^*} q(x) dx + Q_0^* \right] - \left( \int_x^{1+q^*} \bar{W}_y dx + \Delta Q_x \right). \quad (11)$$

Перейдем к рассмотрению достаточных условий. Условие 2 обеспечит существование критической точки на входе. В первом случае, если  $Q_0^* > 2\Delta Q_x$ , то  $\delta < \pi$  ( $\delta = \frac{2\pi\Delta Q_x}{Q_0^*}$ ); значит линия

тока, идущая из точки  $x = 1,000$  в критическую точку  $K$ , будет существовать. Во втором случае критическая точка будет существовать потому, что скорость от присоединенных вихрей в точке  $x_1 > 1,00$  имеет конечную величину, а скорость от источника бесконечна в этой точке.

Условие 3 гарантирует положительную правую часть ур-ний (10) и (11), а следовательно, не равные нулю значения  $y_p$  и  $y_t$  ( $y_t < 0$ ), т. е. обе ветви линии тока, раздвоившейся в точке  $K$ , не пересекут скелет ни в одной внутренней точке.

Условия 1 и 6 обеспечивают существование критической точки на выходе, так как величина перетекания через касательное продолжение на выходе  $\Delta Q_{x_2}$  будет несизмеримо мала по сравнению с интенсивностью расходного ряда 3 в районе  $x = -1,000$ .

Условия 4 и 5 приводят к тому, что две ветви линии тока, раздвоившейся в точке  $K$  на входе, и линия тока, идущая из точки  $B$ , на выходной части скелета  $x_B = -1 + \Delta \left( \int_{-1}^{-1+\Delta} q(x) dx \right) = \Delta Q_{x_2}$  имеют одно и то же значение функции тока, т. е. они должны пересечься в критической точке разветвления на острой тыльной кромке (рис. 2). Таким образом, достаточность наших условий доказана. Вообще можно показать, что условия 1, 4, 5 и 6 являются также необходимыми.

При практических расчетах величинами  $q_2^*$  и  $\Delta Q_{x_2}$  можно пренебречь.

В тех случаях, когда первый член ряда (1) отсутствует, т. е.  $\gamma = 0$ , при  $x = 1,00$  можно пренебречь и величиной  $\Delta Q_x$  [5]. Но при расчетах с первым членом ряда (1), т. е. с углом атаки, величина  $\Delta Q_x$  принимает большое значение и ее надо вводить в расчет. В связи с тем, что расчеты с углом атаки имеют большое практическое применение, исследуем этот вопрос.

Перетекание  $\Delta Q_x$ , вызванное первым членом ряда (1). Вычислим нормальные скорости, возникающие на скелете и продолжениях основного профиля [5] от распределенного на нем вихревого слоя, заданного первым членом ряда (1) (рис. 3), что адекватно обтеканию плоскопараллельным потоком одиночной пластины с углом атаки.

В точке скелета  $x_0$

$$v_{y_0 y} = \frac{A_0}{2\pi} \int_{-1,0}^{1,0} \frac{\sqrt{\frac{1+x}{1-x}}}{x - x_0} dx.$$

Сделав замену  $\sqrt{\frac{1+x}{1-x}} = t$ , получаем

$$v_{y_0 y} = \frac{A_0}{2\pi} \left[ \pi + 2 \int_0^{\infty} \frac{1}{t^2 \frac{1-x_0}{1+x_0} - 1} dt \right].$$

Если  $|x_0| < 1$  (точка на скелете), то  $t \sqrt{\frac{1-x_0}{1+x_0}} = z$ , и

$$v_{y_0 y} = \frac{A_0}{2\pi} \left[ \pi + 2 \sqrt{\frac{1+x_0}{1-x_0}} \cdot \frac{1}{2} \ln \left| \frac{z+1}{z-1} \right| \right] = \frac{A_0}{2}. \quad (16)$$

Если  $|x_0| > 1$  (точка на продолжении), то  $t \sqrt{\frac{x_0-1}{x_0+1}} = z$  и

$$v_{y_0 y} = \frac{A_0}{2\pi} \left[ \pi - 2 \sqrt{\frac{x_0+1}{x_0-1}} \arctg z \right] = \frac{A_0}{2} \left( 1 - \sqrt{\frac{x_0+1}{x_0-1}} \right) \quad (13)$$

Эпюра нормальных скоростей приведена на рис. 3. Теперь можно вычислить перетекание через касательное продолжение, вызванное первым членом ряда (1), которое обо-

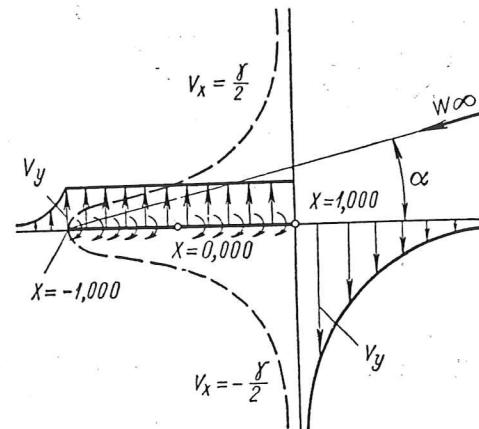


Рис. 3. Эпюра скоростей при обтекании пластины с углом атаки.

значим  $\Delta Q_{y_0 x}$ . Так как касательное продолжение ориентировано по левому пределу  $v_{y_0 y}$  в точке  $x = 1,000$ , то перетекание через скелет вызывается в соответствии с (12) и (13) величиной

$$\Delta Q_{y_0 x} = -\frac{A_0}{2} \sqrt{\frac{x+1}{x-1}}. \quad (14)$$

Значит, перетекание через касательное продолжение

$$\Delta Q_{y_0 x} = \int_{1,0}^{1+q^*} -\frac{A_0}{2} \sqrt{\frac{x+1}{x-1}} dx.$$

Сделав замену переменных,

$$\sqrt{\frac{x+1}{x-1}} = t,$$

получим

$$\Delta Q_{y_0 x} = -\frac{A_0}{2} \left[ \frac{2t}{t^2 - 1} + \ln \left| \frac{t+1}{t-1} \right| \right] \Big|_{\infty}^{\sqrt{\frac{2+q^*}{q^*}}},$$

или окончательно

$$\Delta Q_{y_0 x} = -\frac{A_0}{2} \left( q^* \sqrt{1 + \frac{2}{q^*}} + \ln \frac{\sqrt{1 + \frac{2}{q^*}} + 1}{\sqrt{1 + \frac{2}{q^*}} - 1} \right). \quad (15)$$

Определение критической точки разветвления на входе. Для определения координат критической точки разветвления следует решить систему двух уравнений

$$\begin{cases} W_x = 0 \\ W_y = 0 \end{cases} \quad (12)$$

Вначале рассмотрим случай, когда точечный источник находится в точке  $x = 1,00$ . Введем новую координату  $\bar{x} = x - 1$

(рис. 4). Если пренебречь изменением скоростей от всех скелетов, кроме основного, при переходе из точки  $x = 1,000$  в точку  $K$ , а также принять, что в точке  $K$   $v_{yx} = v_{y_0x}$  и  $\Delta v_{yy} = \Delta v_{y_0y}$  (по отношению к левому пределу при  $x = 1,00$ ), то ур-ние (16) можно записать в следующем виде:

$$\left. \begin{aligned} v_{qx} + v_{qy} + v_{y_0x} + W_{x^*} &= 0; \\ v_{Qy} + v_{qy} + \Delta v_{y_0y} + \bar{W}_y &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (17)$$

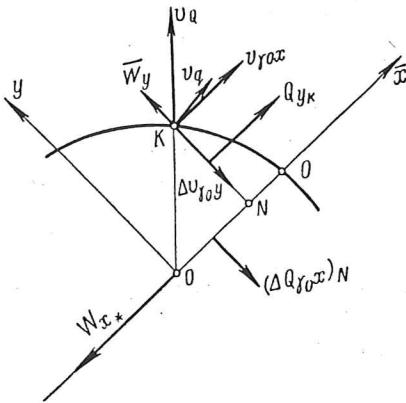


Рис. 4. К определению точки разветвления на входе.

причем

$$W_{x^*} = \sqrt{[W_{u_1} - (v_{yy} - \bar{W}_y) \sin \beta]^2 + \dots} \rightarrow \\ \leftarrow \dots + [W_{z_1} + (v_{yy} - \bar{W}_y) \cos \beta]^2 + v_{kx},$$

где  $W_{u_1}$  и  $W_{z_1}$  — скорости от всех скелетов, кроме основного, в точке  $x = 1,000$ ;

$v_{yy}$  — левое предельное значение нормальной скорости от вихрей основного профиля при  $x = 1,000$ ;

$\bar{W}_y$  — скорость перетекания через скелет в точке  $x = 1,00$ ;

$\beta$  — угол наклона продолжения к оси  $u$ ;

$v_{kx}$  — скорость, вызванная кривизной скелета [5].

Ур-ние (17) удобно решать методом итераций. Для нахождения первого приближения примем

$$\left. \begin{aligned} v_{qx} &= 0; & v_{qy} &= 0; & \bar{W}_y &= 0; \\ v_{y_0x} &= A_0 \frac{0,700y}{(\bar{x}^2 + y^2)^{\frac{3}{4}}}; & \Delta v_{y_0y} &= -A_0 \frac{0,700\bar{x}}{(\bar{x}^2 + y^2)^{\frac{3}{4}}}. \end{aligned} \right\} \quad (18)$$

Точные формулы для  $v_{y_0x}$  и  $\Delta v_{y_0y}$  [5]

$$\left. \begin{aligned} v_{y_0x} &= \frac{A_0}{2} \times \\ &\times \frac{y \sqrt{2}}{\sqrt{\bar{x}^2 + y^2} \sqrt{\sqrt{(2 + \bar{x})^2 + y^2} \sqrt{\bar{x}^2 + y^2} + \dots}} \rightarrow \\ &\leftarrow \dots + (2 + \bar{x}) \bar{x} + y^2; \\ \Delta v_{y_0y} &= \frac{A_0}{2} \times \\ &\times \frac{\sqrt{\sqrt{(2 + \bar{x})^2 + y^2} \sqrt{\bar{x}^2 + y^2} + (2 + \bar{x}) \bar{x} + y^2}}{\sqrt{2} \sqrt{\bar{x}^2 + y^2}}. \end{aligned} \right\} \quad (19)$$

Приближенные ф-лы (18) получаются из (19), если пренебречь квадратами  $x$  и  $y$ . Отметим, что в ЦКТИ предложены другие приближенные формулы для  $v_{y_0x}$  и  $\Delta v_{y_0y}$ , которые получаются, если пренебречь кубами  $x$  и  $y$ .

Таким образом, чтобы найти первое приближение  $\bar{x}_k$  и  $y_k$ , нужно решить систему уравнений

$$\left. \begin{aligned} \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{\bar{x}}{\bar{x}^2 + y^2} + A_0 \frac{0,700y}{(\bar{x}^2 + y^2)^{\frac{3}{4}}} + W_{x^*} &= 0; \\ \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{y}{\bar{x}^2 + y^2} - A_0 \frac{0,700\bar{x}}{(\bar{x}^2 + y^2)^{\frac{3}{4}}} &= 0. \end{aligned} \right\} \quad (20)$$

Решив эти уравнения, получим

$$\left. \begin{aligned} \bar{x}_k &= -\frac{Q_0^*}{2\pi W_{x^*}}; \\ y_k &= \sqrt{\frac{K\bar{x}_k^4}{2}} + \sqrt{\left(\frac{K\bar{x}_k^4}{2}\right)^2 + K\bar{x}_k^6}, \end{aligned} \right\} \quad (21)$$

где

$$K = \left[ \frac{A_0}{Q_0^*} \right]^4 375. \quad (22)$$

Следующие приближения можно получить по формулам

$$\left. \begin{aligned} \frac{\bar{x}}{\bar{x}^2 + y^2} + \varphi &= 0; \\ \frac{y}{\bar{x}^2 + y^2} + \psi &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (23)$$

или решив уравнения

$$\left. \begin{aligned} \bar{x}_k &= -\frac{\varphi}{\varphi^2 + \psi^2}; \\ y_k &= -\frac{\psi}{\psi^2 + \varphi^2}, \end{aligned} \right\} \quad (24)$$

где

$$\varphi = \frac{2\pi (v_{qx} + v_{y_0x} + W_{x^*})}{Q_0^*}; \quad \psi = \frac{2\pi (v_{qy} + \Delta v_{y_0y} + \bar{W}_y)}{Q_0^*}.$$

Величины  $\varphi$  и  $\psi$  в точках  $\bar{x}_k$  и  $y_k$  предыдущего приближения предварительно вычисляются по точным формулам. Отметим, что в НИС Гидропроекта разработана специальная программа для определения точных значений  $v_{y_0x}$  и  $\Delta v_{y_0y}$  (рис. 5).

Чтобы точечный источник, расположенный в точке  $x = 1,000$ , обеспечивал существование критической точки  $K$ , так как  $\Delta Q_x$  зависит от  $A_0$ , то по условию (2) величину  $Q_0^*$  при заданной величине  $A_0$  надо ограничить снизу. Это приводит к тому, что при таком расположении точечного источника мы не сможем при больших значениях  $A_0$  получить профили с малыми радиусами закругления на входе. Чтобы избежать этого ограничения, следует поместить источник  $Q_0^*$  в точку  $x_1 > 1,000$  [ $\bar{x}_1 > 0$ ]

и на отрезке  $[0; \bar{x}_1]$  поместить распределенные источники, которые бы совместно с точечным источником удовлетворили условию 3. В этом случае можно получить любой сколь угодно малый радиус кривизны, вплоть до остряя, при любых значениях  $A_0$ .

Составим уравнения для  $\bar{x}_k$  и  $y_k$  для этого случая. Они аналогичны ур-ниям (23)

$$\left. \begin{aligned} \frac{\bar{x} - \bar{x}_1}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2} + \varphi &= 0; \\ \frac{y}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2} + \psi &= 0, \end{aligned} \right\} \quad (25)$$

или, решив, получим

$$\left. \begin{aligned} \bar{x}_k &= -\frac{\varphi}{\varphi^2 + \psi^2} + \bar{x}_1; \\ y_k &= -\frac{\psi}{\psi^2 + \varphi^2}. \end{aligned} \right\} \quad (26)$$

В этом случае в первом приближении можно принять, что

$$v_{y_0x} = 0;$$

$$\Delta v_{y_0y} = -\frac{A_0}{2} \sqrt{\frac{2+\bar{x}}{\bar{x}}};$$

$$v_{qx} = 0; \quad v_{qy} = 0;$$

$$v_{Qx} = \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{\bar{x} - \bar{x}_1}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2}; \quad v_{Qy} = \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{y}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2},$$

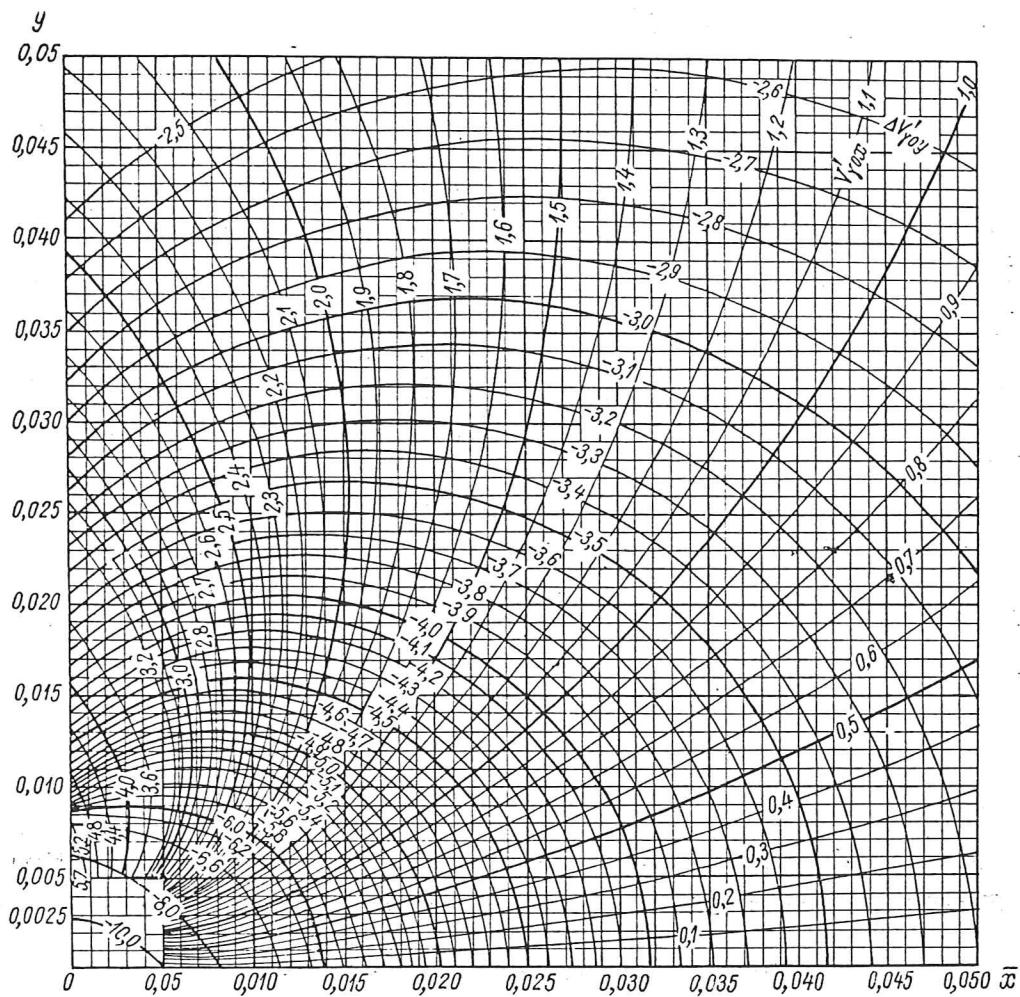


Рис. 5. Номограмма  $v_{y_0x}$  и  $\Delta v_{y_0y}$  в районе оголовка профиля.

Так как  $KO$  элемент линии тока, то

$$\left. \begin{aligned} \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{\bar{x} - \bar{x}_1}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2} + W_{x^*} &= 0; \\ -\frac{A_0}{2} \sqrt{\frac{2+\bar{x}}{\bar{x}}} + \frac{Q_0^*}{2\pi} \cdot \frac{y}{(\bar{x} - \bar{x}_1)^2 + y^2} &= 0. \end{aligned} \right\} \quad (27)$$

Решив ур-ния (27), получаем первое приближение  $\bar{x}_k$  и  $y_k$

$$\left. \begin{aligned} \bar{x}_k &= \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}; \\ y_k &= -\frac{A_0}{2W_{x^*}} (\bar{x}_k - \bar{x}_1) \sqrt{\frac{2+\bar{x}_k}{\bar{x}_k}}, \end{aligned} \right\} \quad (28)$$

где

$$a = 2W_{x^*}^2 + \frac{A_0^2}{2}; \quad b = \frac{Q_0^* W_{x^*}}{\pi} - 2\bar{x}_1 W_{x^*}^2 + A_0^2 \left(1 - \frac{\bar{x}_1}{2}\right); \quad c = -A_0^2 \bar{x}_1.$$

Следующие приближения следует считать по ф-лам (26).

Когда найдены координаты точки разветвления  $K$ , легко определить координаты точки  $O$  (см. рис. 4). Рассмотрим пространство  $OKN$ , внутри которого нет источников и стоков. По теореме Гаусса

$$\oint_{OKN} W_n ds = 0,$$

или

$$\int_{KO} W_n ds + \int_{x_k}^{y_k} W_y dx + \int_0^{y_k} W_x dy = 0. \quad (29)$$

$$\int_{KO} W_n ds = 0.$$

Добавим к левой и правой части ур-ния (29)  $\int_0^{x_k} W_y dx$

$$\int_0^{x_k} W_y dx = - \int_0^{y_k} W_x dy + \int_0^{x_k} W_y dx,$$

здесь

$$\int_0^{y_k} W_y dx = \bar{W}_y Q^* + \Delta Q_{y_0x}; \quad \int_0^{x_k} W_y dx = \bar{W}_y \bar{x}_k + (\Delta Q_{y_0x})_N.$$

Величины  $\int_0^{y_k} W_x dy = Q_{y_k}$  и  $(\Delta Q_{y_0x})_N$  легко подсчитываются;

величинами  $\bar{W}_{yxk}$  и  $\bar{W}_{yQ^*}$  можно пренебречь как малыми, тогда

$$\Delta Q_{yox} = -Q_{yk} + (\Delta Q_{yox})_N. \quad (30)$$

Зная  $\Delta Q_{yox}$ , можно найти  $Q^*$  из таблицы, составленной по ф-ле (15).

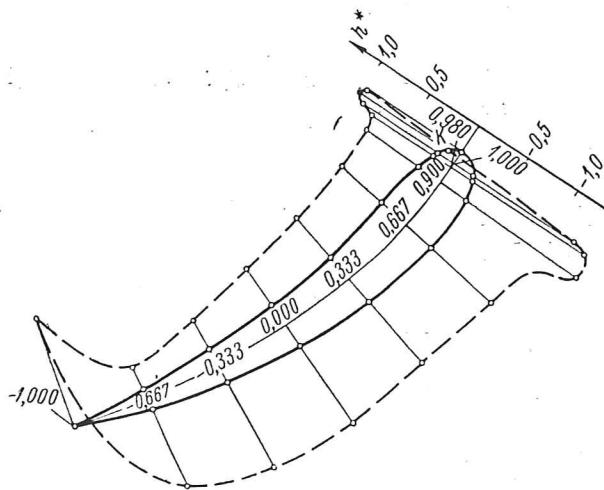


Рис. 6. Чертеж профиля, рассчитанного с углом атаки, и соответствующая эпюра давлений:

параметры решетки:  $\Gamma_0 = 0,5\Gamma = 3,894$ ;  $l/t = 1,0$ ;  $W_\infty = 3,894$ ;  $\beta_\infty = 40^\circ 50'$ ;  $U = 2,26733$ ;  $\Gamma = 7,788$ .

Практическое применение предложенного метода. При практических расчетах величину  $\bar{W}_y$  удобно задавать в виде ряда

$$\bar{W}_y = c_1 + c_2x + c_3x^2 + c_4x^3, \quad (31)$$

причем коэффициенты ряда (31) должны отвечать условию 5. Кроме того, коэффициенты ряда (31) можно подчинить совместно с коэффициентами ряда (3) геометрическим характеристикам профиля, т. е. добавить к (8) и (9) еще шесть уравнений по аналогии с [5].

Согласно изложенному методу в НИС Гидропроекта были разработаны таблицы для расчета осевой решетки, а также в соответствии с теорией, развитой автором работы [6], таблицы для расчета рабочего колеса диагональной гидротурбины.

На рис. 6 показан профиль корневой решетки высоконапорного осевого колеса и эпюра давлений на этом профиле, рассчитанные в НИС Гидропроекта.

Решетка была спроектирована с  $\Gamma_0 = 0,5\Gamma$  и  $l/t = 1,00$ ; при этом профиль получился менее изогнутым, чем аналогичный профиль, рассчитанный без угла атаки.

Выходная часть профиля разгрузилась, что должно привести к уменьшению коэффициента кавитации.

Следовательно, данный метод можно будет эффективно применять при расчете рабочих колес высоконапорных гидротурбин.

В заключение автор приносит благодарность сотрудникам отдела гидротурбин ЦКТИ и кафедры гидромашин ЛПИ, давшим ценные критические замечания по первому варианту данной работы.

### Литература

- Лесочкин А. Ф., Расчет лопастей рабочих колес осевых турбин, Труды ЛПИ, Энергомашиностроение, 1953, № 5, стр. 49–65.
- Колтона А. Ю. и Этинберг И. Э., Основы теории и гидродинамического расчета водяных турбин, Машиз, 1958.
- Scholz N., Strömungsuntersuchungen an Schaufelgitterprofilen, «VDI», 1954, Heft 442.
- Schlücht H., Berechnung der reibungsfreien inkompressiblen Strömung für vorgegebenes ebenes Schaufelgitter, «VDI», 1955, Heft 447.
- Этинберг И. Э., Исследование влияния размеров и формы лопастей рабочих колес на кавитационные качества осевых гидротурбин и разработка осевых гидротурбин на повышенные напоры, Автореферат диссертации, ЛПИ, 1950.
- Гохман А. М., Расчет плоской круговой решетки профилей, вращающейся с постоянной угловой скоростью, «Гидромашиностроение», 1959, № 2, стр. 14–19.

## Исследование температурного режима змеевика с подъемно-опускным движением пароводяной смеси

Канд. техн. наук Л. Ю. Красякова

Приведены результаты исследования температурного режима опускной и подъемной труб при давлениях 100 и 140 ата и тепловых нагрузках до  $545 \cdot 10^8$  ккал/м<sup>2</sup> ч, а также обогреваемых гибов трубы.

Элементы поверхностей нагрева с подъемно-опускным движением двухфазной смеси стали широко применяться в котло-строительной практике как в вертикальных компоновках поверхностей нагрева прямоточных котлов и котлов с многократной принудительной циркуляцией, так и в различного типа теплообменниках. Однако опытных данных для обеспечения надежного охлаждения этих элементов имеется недостаточно. Они относятся главным образом к вертикальным трубам с подъемным движением смеси. По опускному потоку опытных материалов крайне мало. В некоторых работах содержатся указания на отсутствие различий в условиях охлаждения труб при опускном и подъемном движении.

Также отсутствовали данные по температурному режиму труб в местах гибов.

Новое исследование проводилось на той же экспериментальной установке, что и опыты 1959 г. [1]. Она включала в себя прямоточный парогенератор производительностью до 3 т/ч с вспомогательным оборудованием (деаэратор, питательные насосы и др.), подогреватели воды, дроссельные установки, вспрывающий пароохладитель и расширитель на 13 ата. Основной

частью установки являлись экспериментальные змеевики (рис. 1), состоявшие из двух параллельно включенных змеевиков  $\varnothing 35 \times 7$  мм, в нижней части которых имелись подъемно-опускные петли. Вода подавалась в змеевики через верхнюю раздающую камеру, а пар через смесители, при этом можно было получить любое паросодержание в смеси от 0 до 100%, а также недогретую воду и перегретый пар. Расходы пара и воды до смешения измерялись дроссельными приборами (диафрагмы, труба Вентури), а паросодержание смеси определялось по тепловому балансу установки. Опыты проводились на одном змеевике, на котором имелось два участка с местным обогревом. Верхний обогреваемый участок 1 (рис. 1), выполненный с утолщением до 100 мм, предназначался для исследования температурного режима вертикальной опускной трубы. Обогрев его производился электрической печью (рис. 2) с девятью карбоновыми нагревателями марки КНС 25/540  $\varnothing 25$  мм. Включением различных групп нагревателей, а также изменением схемы их соединения: из последовательной в параллельную, можно было изменять тепловую нагрузку участка. Опыты в основном были проведены при тепловых нагрузках внутренней стенки трубы  $q =$